

МИНОБРНАУКИ РОССИИ



Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение  
высшего образования  
«Российский государственный гуманитарный университет»  
(ФГБОУ ВО «РГГУ»)

ИНСТИТУТ УПРАВЛЕНИЯ, ЭКОНОМИКИ И ПРАВА

ФАКУЛЬТЕТ УПРАВЛЕНИЯ

Кафедра управления

## **МАТЕМАТИКА**

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ

---

38.03.02 Менеджмент

*Код и наименование направления подготовки/специальности*

---

Маркетинг

*Наименование направленности (профиля)/ специализации*

Уровень высшего образования: бакалавриат

Форма обучения: очная, очно-заочная

РПД адаптирована для лиц  
с ограниченными возможностями  
здоровья и инвалидов

Москва 2024

Математика  
Рабочая программа дисциплины

Составитель:

доцент *Е.А.Куренкова*

УТВЕРЖДЕНО

Протокол заседания кафедры  
№ 10 от 29.02.2024

## ОГЛАВЛЕНИЕ

### **1. Пояснительная записка**

#### 1.1 Цель и задачи дисциплины

1.2. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с индикаторами достижения компетенций

1.3. Место дисциплины в структуре образовательной программы

### **2. Структура дисциплины**

### **3. Содержание дисциплины**

### **4. Образовательные технологии**

### **5. Оценка планируемых результатов обучения**

5.1. Система оценивания

5.2. Критерии выставления оценок

5.3. Оценочные средства (материалы) для текущего контроля успеваемости, промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине

### **6. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины**

6.1. Список источников и литературы

6.2. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет»

6.3. Профессиональные базы данных и информационно-справочные системы

### **7. Материально-техническое обеспечение дисциплины**

### **8. Обеспечение образовательного процесса для лиц с ограниченными возможностями здоровья**

### **9. Методические материалы**

9.1. Планы семинарских / практических / лабораторных занятий

9.2. Методические рекомендации по подготовке письменных работ

### **Приложения**

Приложение 1. Аннотация дисциплины

## 1. Пояснительная записка

### 1.1. Цель и задачи дисциплины

**Предмет курса** – вероятностные закономерности, возникающие при взаимодействии большого числа случайных факторов массовых однородных случайных явлений в науке и жизни общества.

#### *Цель дисциплины*

– общематематическая подготовка студентов, необходимая для освоения математических методов в управлении и экономике; воспитание у студентов навыков логического мышления и формального обоснования принимаемых решений.

#### *Задачи дисциплины:*

- изучение основ математического аппарата;
- выработка навыков решения типовых вероятностных задач;
- развить логическое и алгоритмическое мышление, умение строго излагать свои мысли;
- выработка навыков к математическому исследованию теоретических и практических задач экономики и управления;
- сформировать умение выбирать математический инструментарий для построения моделей экономических и управленческих процессов, анализировать результаты расчетов и обосновывать полученные выводы.

### 1.2. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с индикаторами достижения компетенций:

Компетенции	Индикаторы компетенций	Результаты обучения
ОПК-2 Способен осуществлять сбор, обработку и анализ данных, необходимых для решения поставленных управленческих задач, с использованием современного инструментария и интеллектуальных информационно-аналитических систем	ОПК-2.1 Знает источники, способы и методы аккумуляции информации, необходимой для решения поставленных управленческих задач	<i>Знать:</i> методы сбора, обработки и анализа статистических данных в зависимости от целей исследования; <i>Уметь:</i> выделить проблему, исследование которой может быть связано со статистическим анализом; сформулировать математическую постановку задачи; с учетом поставленной цели, провести обработку и анализ данных, используя

		<p>вычислительную технику</p> <p><i>Владеть:</i> навыками применения современного математического инструментария для решения управленческих задач; методикой построения, анализа и применения математических моделей для оценки маркетинговой стратегии организации, способностью оценивать влияния инвестиционных решений на рост ценности компании.</p>
--	--	---

### 1.3. Место дисциплины в структуре основной образовательной программы

Дисциплина относится к обязательной части учебного плана. Изучение дисциплины базируется на знаниях, умениях и компетенциях обучающихся, полученных в школе (колледже) на дисциплинах математического цикла.

Умения и компетенции, полученные обучающимися в процессе освоения данной дисциплины необходимы для

Производственная практика (Технологическая (проектно-технологическая практика)  
Выполнение и защита выпускной квалификационной работы

## 2. Структура дисциплины

Общая трудоёмкость дисциплины составляет 5 з.е., 180 академических часа (ов).

### Структура дисциплины для очной формы обучения

Объем дисциплины в форме контактной работы обучающихся с педагогическими работниками и (или) лицами, привлекаемыми к реализации образовательной программы на иных условиях, при проведении учебных занятий:

Семестр	Тип учебных занятий	Количество часов
1,2	Лекции	32
1,2	Семинары/лабораторные работы	38
Всего:		70

Объём дисциплины (модуля) в форме самостоятельной работы обучающихся составляет 92 академических часа.

### Структура дисциплины для очно-заочной формы обучения

Объем дисциплины в форме контактной работы обучающихся с педагогическими работниками и (или) лицами, привлекаемыми к реализации образовательной программы на иных условиях, при проведении учебных занятий:

Семестр	Тип учебных занятий	Количество часов
1,2	Лекции	16
1,2	Семинары/лабораторные работы	24
Всего:		40

Объём дисциплины (модуля) в форме самостоятельной работы обучающихся составляет 122 академических часа.

### 3. Содержание дисциплины

Дисциплина включает 6 тем, содержание и объем которых соответствует Федеральному Государственному образовательному стандарту Высшего профессионального образования по направлению подготовки программы 38.03.02 - «Менеджмент» для профиля «Информационный менеджмент» (квалификация (степень) «Бакалавр»).

#### Тема 1. Основные понятия теории вероятностей

Предмет теории вероятностей и ее связь с реальностью. Различные подходы к определению вероятности. Примеры вероятностных задач (маркетинг, контроль качества, разработка товаров и т.п.).

Событие. Случайные события как подмножества множества простейших исходов. Основные понятия алгебры событий.

Вероятность события. Свойства вероятности. Частота, или статистическая вероятность, события. Принцип практической уверенности. Элементы комбинаторики: перестановки, размещения, сочетания.

#### Тема 2. Основные теоремы теории вероятностей

Теорема сложения и следствия из нее. Условная вероятность. Независимость событий. Теорема умножения и следствия из нее.

Система гипотез. Формула полной вероятности и теорема Байеса. Принятие решений: байесовский подход. Пример использования дерева решений для проведения маркетингового исследования по продаже нового товара фирмой.

Повторение испытаний. Формула Бернулли.

#### Тема 3. Случайные величины, способы их задания и числовые характеристики

Случайная величина. Примеры случайных величин. Виды случайных величин (конечные, дискретные, непрерывные). Ряд распределения, многоугольник распределения.

Функция распределения как универсальная характеристика случайной величины и ее свойства. Вероятность попадания случайной величины на заданный участок.

Плотность распределения непрерывной случайной величины и ее свойства. Эффект нулевой вероятности.

Характеристики положения: математическое ожидание, мода, медиана.

Моменты: дисперсия, среднее квадратическое отклонение

Свойства математического ожидания и дисперсии.

#### **Тема 4. Основные законы распределения случайных величин**

Биномиальное распределение и его параметры. Использование биномиального распределения при решении задач, связанных с контролем качества продукции.

Распределение Пуассона и его параметры. Применение распределения Пуассона при расчете необходимой численности персонала подразделения с заданным объемом объектов обработки.

Нормальное распределение и его параметры. Теоремы Муавра - Лапласа. Примеры решения задач, связанных с гарантийным обслуживанием. Задачи о конкуренции.

Показательное распределение и его параметры. Решение задач по определению времени ожидания получения ответа на запрос.

Равномерное распределение и его параметры. Расчет вероятности исполнения заказа в заданное время.

#### **Тема 5. Системы случайных величин**

Понятие о системе случайных величин. Система двух случайных величин.

Закон распределения, функция распределения, условные законы распределения.

Числовые характеристики системы двух случайных величин. Регрессия и корреляция. Коэффициент корреляции и его свойства. Линейная регрессия.

Реальные примеры корреляционной связи между объемом продаж и затратами на рекламу, заработной платой и объемом производства.

#### **Тема 6. Закон больших чисел центральная предельная теорема**

Устойчивость средних и закон больших чисел.

Неравенство Чебышева. Основные предельные теоремы. Центральная предельная теорема и ее приложения.

### **4. Образовательные технологии**

Для проведения учебных занятий по дисциплине используются различные образовательные технологии. Для организации учебного процесса может быть использовано электронное обучение и (или) дистанционные образовательные технологии.

## 5. Оценка планируемых результатов обучения

### Система оценивания

Форма контроля	Макс. количество баллов	
	За одну работу	Всего
Текущий контроль:		
- <i>опрос</i>	2 балла	16 баллов
- <i>участие в дискуссии на семинаре</i>	2 балла	14 баллов
- <i>контрольная работа</i>	30 баллов	30 баллов
Промежуточная аттестация – экзамен, зачет с оценкой		40 баллов
<b>Итого за семестр</b>		<b>100 баллов</b>

Полученный совокупный результат конвертируется в традиционную шкалу оценок и в шкалу оценок Европейской системы переноса и накопления кредитов (European Credit Transfer System; далее – ECTS) в соответствии с таблицей:

100- балльная шкала	Традиционная шкала		Шкала ECTS
95-100	отлично	зачтено	A
83-94			B
68-82	хорошо		C
56-67			D
50-55			E
20-49	неудовлетворительн о	не зачтено	FX
0-19			F

### 5.2. Критерии выставления оценок

Баллы/шкала ECTS	Оценка по дисциплине	Критерии оценки результатов обучения по дисциплине
100-83/ A,B	«отлично»/ «зачтено (отлично)»/ «зачтено»	Выставляется обучающемуся, если он глубоко и прочно усвоил теоретический и практический материал, может продемонстрировать это на занятиях и в ходе промежуточной аттестации. Обучающийся исчерпывающе и логически стройно излагает учебный материал, умеет увязывать теорию с практикой, справляется с решением задач профессиональной направленности высокого уровня сложности, правильно обосновывает принятые решения. Свободно ориентируется в учебной и профессиональной литературе. Оценка по дисциплине выставляется обучающемуся с учётом результатов текущей и промежуточной аттестации. Компетенции, закреплённые за дисциплиной, сформированы на уровне - «высокий».
82-68/ C	«хорошо»/ «зачтено (хорошо)»/ «зачтено»	Выставляется обучающемуся, если он знает теоретический и практический материал, грамотно и по существу излагает его на занятиях и в ходе промежуточной аттестации, не допуская существенных неточностей.

		<p>Обучающийся правильно применяет теоретические положения при решении практических задач профессиональной направленности разного уровня сложности, владеет необходимыми для этого навыками и приёмами.</p> <p>Достаточно хорошо ориентируется в учебной и профессиональной литературе.</p> <p>Оценка по дисциплине выставляется обучающемуся с учётом результатов текущей и промежуточной аттестации.</p> <p>Компетенции, закреплённые за дисциплиной, сформированы на уровне - «хороший».</p>
67-50/ D,E	«удовлетворительно» /«зачтено (удовлетворительно)»/ «зачтено»	<p>Выставляется обучающемуся, если он знает на базовом уровне теоретический и практический материал, допускает отдельные ошибки при его изложении на занятиях и в ходе промежуточной аттестации.</p> <p>Обучающийся испытывает определённые затруднения в применении теоретических положений при решении практических задач профессиональной направленности стандартного уровня сложности, владеет необходимыми для этого базовыми навыками и приёмами.</p> <p>Демонстрирует достаточный уровень знания учебной литературы по дисциплине.</p> <p>Оценка по дисциплине выставляется обучающемуся с учётом результатов текущей и промежуточной аттестации.</p> <p>Компетенции, закреплённые за дисциплиной, сформированы на уровне - «достаточный».</p>
49-0/ F,FX	«неудовлетворительно»/ не зачтено	<p>Выставляется обучающемуся, если он не знает на базовом уровне теоретический и практический материал, допускает грубые ошибки при его изложении на занятиях и в ходе промежуточной аттестации.</p> <p>Обучающийся испытывает серьёзные затруднения в применении теоретических положений при решении практических задач профессиональной направленности стандартного уровня сложности, не владеет необходимыми для этого навыками и приёмами.</p> <p>Демонстрирует фрагментарные знания учебной литературы по дисциплине.</p> <p>Оценка по дисциплине выставляется обучающемуся с учётом результатов текущей и промежуточной аттестации.</p> <p>Компетенции на уровне «достаточный», закреплённые за дисциплиной, не сформированы.</p>

### 5.3. Оценочные средства (материалы) для текущего контроля успеваемости, промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине

#### Текущий контроль

При оценивании *устного блиц-опроса и участия в дискуссии* на практическом занятии учитываются:

- степень раскрытия темы выступления (0-2 балла)
- знание содержания обсуждаемых проблем, умение использовать ранее изученный теоретический материал и терминологию научных исследований (0-2 балла).

При *оценке контрольной работы* учитывается:

- полнота и правильность решения задания (0-4 баллов) (для заданий 1,2,3,4,5,8);
- полнота и правильность решения задания (0-5 баллов) (для задания 6,7).

#### Промежуточная аттестация

При проведении промежуточной аттестации студент должен ответить на 2 вопроса (теоретического и практического характера).

При оценивании ответа на вопрос теоретического характера учитывается:

- теоретическое содержание освоено не полностью, знание материала носит фрагментарный характер, имеются явные ошибки в ответе (до 5 баллов);
- теоретическое содержание освоено частично, допущено не более двух-трех недочетов (до 10 баллов);
- теоретическое содержание освоено почти полностью, допущено не более одного-двух недочетов (до 15 баллов);
- теоретическое содержание освоено полностью, (20 баллов).

При оценивании ответа на вопрос практического характера учитывается:

- ответ содержит менее 30% правильного решения (0-5 баллов);
- ответ содержит 31-79 % правильного решения (6-15 баллов);
- ответ содержит 80% и более правильного решения (15- 20 баллов).

**Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности.**

Контрольная работа (текущий контроль) содержат типовые задания по ключевым практическим аспектам укрупненных тематик дисциплины и проводится в течение семестра после их изучения. Итоговая контрольная работа (промежуточный контроль) содержит теоретические вопросы курса, базовые понятия, теоремы и практические задания, не включенные в текущий контроль успеваемости, по укрупненным тематическим разделам. Каждый студент получает индивидуальный вариант работы.

**Задания для текущего контроля успеваемости**

**Контрольная работа**

Тип: аудиторная, 9-я неделя семестра. Количество часов: 2 час.

Содержание: решение задач по темам № 1–5. Максимальная оценка: 34 балла.

*Задание № 1.* Комбинаторика. Классическая формула определения вероятности. Максимальная оценка: 4 балла.

*Задание № 2.* Теорема сложения и ее следствия. Максимальная оценка: 4 балла.

*Задание № 3.* Теорема умножения и ее следствия. Максимальная оценка: 4 балла.

*Задание № 4.* Формула полной вероятности. Теорема Байеса. Максимальная оценка: 4 балла.

*Задание № 5.* Способы задания случайных величин: ряд распределения, функция распределения, плотность распределения. Максимальная оценка: 4 балла.

*Задание № 6.* Основные законы распределения дискретных случайных величин (биномиальный закон распределения, закон распределения Пуассона.) Максимальная оценка: 5 баллов.

*Задание № 7.* Основные законы распределения непрерывных случайных величин (нормальный закон распределения, закон равномерной плотности.) Максимальная оценка: 5 балла.

*Задание № 8.* Система двух случайных величин. Максимальная оценка: 4 балла.

#### **Типовой вариант**

1. Каждую пятницу бронированный автомобиль доставляет заработную плату из местного отделения банка в пять фирм. В качестве меры предосторожности стараются использовать различные маршруты. Водитель выбирает из предложенных диспетчером вариантов. Какова вероятность того, что нынешний маршрут не повторит предыдущий? Какова вероятность того, что маршрут не повторится ни разу в течение месяца?
2. Три исследователя, независимо один от другого, производят измерения некоторой физической величины. Вероятность того, что первый исследователь допустит ошибку, равна 0,1, второй - 0,15, третий - 0,2. Найти вероятность того, что при однократном измерении будет допущена ошибка хотя бы одним исследователем.
3. Среди десяти документов три оформлены не по стандарту. Документы проверяют один за другим до выявления всех нестандартных. Какова вероятность того, что проверка закончится на 5 документе.
4. Фирма собирается выпускать новый товар на рынок. Подсчитано, что вероятность хорошего сбыта продукции равна 0,6; плохого - 0,4. Компания собирается провести маркетинговое исследование, вероятность правильности которого 0,8. Как изменятся первоначальные вероятности уровня реализации, если это исследование предскажет плохой сбыт?
5. Плотность вероятности непрерывной случайной величины задана в виде  $f(x) = C \sin 4x$  на интервале  $(0, \pi/4)$ . Найти параметр  $C$  и функцию распределения  $F(x)$ .
6. Оптовая база снабжает 10 магазинов, от каждого из которых может поступить заявка на очередной день с вероятностью 0,4, независимо от других магазинов. Найти вероятность того, что число заявок в день не превысит двух. Найти среднее число заявок в день.
7. Заряд охотничьего пороха отвешивается на весах, имеющих среднюю квадратическую ошибку взвешивания 150 мг. Номинальный вес порохового заряда 2,3 г. Определить вероятность повреждения ружья, если максимально допустимый вес порохового заряда 2,5 г.

8. Для заданного закона распределения вероятностей двумерной случайной величины найти коэффициент корреляции и построить уравнение линейной регрессии.

X\Y	1	4
3	0,12	0,20
5	0,24	0,15
6	0,22	0,07

### Контрольные вопросы по курсу

1. Вероятность как частота события.
2. Классическая вероятностная модель. Аксиомы теории вероятностей
3. Сумма событий. Совместные и несовместные события. Теорема сложения для классической модели. Следствия теоремы сложения.
4. Произведение событий. Зависимые и независимые события. Понятие условной вероятности. Теорема умножения для классической модели. Следствия теоремы умножения.
5. Формула полной вероятности.
6. Теорема Байеса.
7. Повторение испытаний. Формула Бернулли.
8. Случайные величины, их виды и примеры.
9. Функция распределения как универсальная характеристика случайных величин и ее свойства.
10. Плотность распределения непрерывной случайной величины и ее свойства.
11. Математическое ожидание случайной величины, мода, медиана.
12. Свойства математического ожидания.
13. Дисперсия случайной величины, среднее квадратическое отклонение.
14. Свойства дисперсии.
15. Равномерное распределение случайной величины и его параметры.
16. Биномиальное распределение случайной величины и его параметры.
17. Распределение Пуассона и его параметры.
18. Нормальное распределение случайной величины и его параметры.
19. Закон распределения системы двух случайных величин.
20. Функция распределения системы двух случайных величин.
21. Условные законы распределения системы двух случайных величин.

22. Числовые характеристики системы двух случайных величин.
23. Регрессия и корреляция. Коэффициент корреляции и его свойства.
24. Линейная регрессия.
25. Неравенство Чебышева.
26. Основные предельные теоремы. Центральная предельная теорема.

## **6. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины**

### **6.1. Список литературы**

#### Литература основная

1. Палий, И. А. Теория вероятностей и математическая статистика : учебное пособие / И. А. Палий. — 3-е изд., перераб. и доп. — Москва : ИНФРА-М, 2023. — 426 с. — (Высшее образование: Бакалавриат). — DOI 10.12737/1859126. - ISBN 978-5-16-017505-8. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/1930696> . – Режим доступа: по подписке.
2. Балдин, К. В. Теория вероятностей и математическая статистика : учебник / К. В. Балдин, В. Н. Башлыков, А. В. Рукосуев. - 6-е изд., стер. - Москва : Дашков и К, 2023. - 472 с. - ISBN 978-5-394-05335-1. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/2084482> – Режим доступа: по подписке.
3. Коган, Е. А. Теория вероятностей и математическая статистика : учебник / Е. А. Коган, А. А. Юрченко. — Москва : ИНФРА-М, 2023. — 250 с. — (Высшее образование: Бакалавриат). — DOI 10.12737/textbook\_5cde54d3671a96.35212605. - ISBN 978-5-16-014235-7. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/1920312> – Режим доступа: по подписке.
- 4.

#### Дополнительная

1. Высшая математика для экономистов: учебник для студентов вузов, обучающихся по экономическим специальностям / Н.Ш. Кремер [и др.] ; под ред. проф. Н.Ш. Кремера. - 3-е изд. - М. : ЮНИТИ-ДАНА, 2017. - 479 с. — (Серия «Золотой фонд российских учебников») - ISBN 978-5-238-00991-9. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/1028709> – Режим доступа: по подписке.
2. Сигал, А. В. Теория вероятностей с элементами математической статистики, теории случайных процессов и эконометрики : учебное пособие / А.В. Сигал. — Москва : ИНФРА-М, 2023. — 385 с. — (Высшее образование). — DOI 10.12737/1842523. -

ISBN 978-5-16-017314-6. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.ru/catalog/product/1842523> – Режим доступа: по подписке.

3. Криволапов, С. Я. Теория вероятностей в примерах и задачах на языке R : учебник / С. Я. Криволапов. — Москва : ИНФРА-М, 2023. — 412 с. + Доп. материалы [Электронный ресурс]. — (Высшее образование). — DOI 10.12737/1898404. - ISBN 978-5-16-017941-4. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.ru/catalog/product/1898404> – Режим доступа: по подписке.

## **6.2. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет»**

Национальная электронная библиотека (НЭБ) [www.rusneb.ru](http://www.rusneb.ru)  
 ELibrary.ru Научная электронная библиотека [www.elibrary.ru](http://www.elibrary.ru)  
 Электронная библиотека Grebennikon.ru [www.grebennikon.ru](http://www.grebennikon.ru)  
 Cambridge University Press  
 ProQuest Dissertation & Theses Global  
 SAGE Journals  
 Taylor and Francis  
 JSTOR

## **6.3 Профессиональные базы данных и информационно-справочные системы**

Доступ к профессиональным базам данных: <https://liber.rsuh.ru/ru/bases>

Информационные справочные системы:

1. Консультант Плюс
2. Гарант

## **7. Материально-техническое обеспечение дисциплины**

Для обеспечения дисциплины используется материально-техническая база образовательного учреждения: учебные аудитории, оснащённые компьютером и проектором для демонстрации учебных материалов.

Состав программного обеспечения:

1. Windows
2. Microsoft Office

## **8. Обеспечение образовательного процесса для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов**

В ходе реализации дисциплины используются следующие дополнительные методы обучения, текущего контроля успеваемости и промежуточной аттестации обучающихся в зависимости от их индивидуальных особенностей:

- для слепых и слабовидящих: лекции оформляются в виде электронного документа, доступного с помощью компьютера со специализированным программным обеспечением; письменные задания выполняются на компьютере со специализированным программным обеспечением или могут быть заменены устным ответом; обеспечивается индивидуальное равномерное освещение не менее 300 люкс; для выполнения задания при необходимости предоставляется увеличивающее устройство; возможно также использование собственных увеличивающих устройств; письменные задания оформляются увеличенным шрифтом; экзамен и зачёт проводятся в устной форме или выполняются в письменной форме на компьютере.

- для глухих и слабослышащих: лекции оформляются в виде электронного документа, либо предоставляется звукоусиливающая аппаратура индивидуального пользования; письменные задания выполняются на компьютере в письменной форме; экзамен и зачёт проводятся в письменной форме на компьютере; возможно проведение в форме тестирования.

- для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата: лекции оформляются в виде электронного документа, доступного с помощью компьютера со специализированным программным обеспечением; письменные задания выполняются на компьютере со специализированным программным обеспечением; экзамен и зачёт проводятся в устной форме или выполняются в письменной форме на компьютере.

При необходимости предусматривается увеличение времени для подготовки ответа.

Процедура проведения промежуточной аттестации для обучающихся устанавливается с учётом их индивидуальных психофизических особенностей. Промежуточная аттестация может проводиться в несколько этапов.

При проведении процедуры оценивания результатов обучения предусматривается использование технических средств, необходимых в связи с индивидуальными особенностями обучающихся. Эти средства могут быть предоставлены университетом, или могут использоваться собственные технические средства.

Проведение процедуры оценивания результатов обучения допускается с использованием дистанционных образовательных технологий.

Обеспечивается доступ к информационным и библиографическим ресурсам в сети Интернет для каждого обучающегося в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья и восприятия информации:

- для слепых и слабовидящих: в печатной форме увеличенным шрифтом, в форме электронного документа, в форме аудиофайла.

- для глухих и слабослышащих: в печатной форме, в форме электронного документа.

- для обучающихся с нарушениями опорно-двигательного аппарата: в печатной форме, в форме электронного документа, в форме аудиофайла.

Учебные аудитории для всех видов контактной и самостоятельной работы, научная библиотека и иные помещения для обучения оснащены специальным оборудованием и учебными местами с техническими средствами обучения:

- для слепых и слабовидящих: устройством для сканирования и чтения с камерой SARA CE; дисплеем Брайля PAC Mate 20; принтером Брайля EmBraille ViewPlus;

- для глухих и слабослышащих: автоматизированным рабочим местом для людей с нарушением слуха и слабослышащих; акустический усилитель и колонки;

- для обучающихся с нарушениями опорно-двигательного аппарата: передвижными, регулируемые эргономическими партами СИ-1; компьютерной техникой со специальным программным обеспечением.

## 9. Методические материалы

### 9.1. Планы семинарских / практических / лабораторных занятий

Семинарские занятия по курсу проводятся для бакалавриата дневной формы обучения по направлению подготовки 38.03.02 - «Менеджмент» для профиля «Маркетинг»

*Цель семинарских занятий* — помочь студентам применять полученные на лекциях знания как в процессе обучения, так и в будущей самостоятельной работе.

На семинарах отрабатываются наиболее важные моменты курса. Выбор темы семинарского занятия определяется, во-первых, последовательностью материала, читаемого на лекциях в соответствии с программой курса, а во-вторых, важностью темы, затрагивающей ключевые или узловые проблемы изучаемой дисциплины.

Семинары проводятся в форме обсуждения заданных планом вопросов и разбора решений типовых задач. В ходе проведения занятий студенты приобретают навыки построения вероятностных моделей, вычисления вероятностей случайных событий, применения наиболее важных законов распределения случайных величин. При подготовке к занятию студент должен ознакомиться с планом семинара, изучить выносимые на семинар темы и вопросы на основании конспектов лекций и рекомендуемой литературы. В последнем случае особое внимание следует уделить методам решения типовых задач, излагаемым в перечисленных учебниках и задачниках.

Для эффективного обучения студенты должны выполнить домашнее задание, выдаваемое после каждого семинарского занятия, содержание которого соответствует пройденному теоретическому и практическому материалу.

**Тема 1 Предмет теории вероятностей. Случайные события. Алгебра событий. Определение вероятности. Элементы комбинаторики. Непосредственный расчет вероятностей.**

Вопросы для обсуждения

1. Понятие события.
2. Случайные события как подмножества множества простейших исходов.
3. Вероятность события (классическое определение вероятности).
4. Частота события, статистическая вероятность.
5. Перестановки, размещения, сочетания.
6. Правила суммы и произведения.
7. Нахождение вероятности в случаях симметрии исходов опыта.

**Тема 2 Теоремы сложения и умножения вероятностей. Формула полной вероятности. Теорема Байеса. Формула Бернулли.**

*Вопросы для обсуждения:*

1. Сумма событий.
2. Произведение событий.
3. Условная вероятность.
4. Теорема сложения и её следствия.
5. Теорема умножения и её следствия.
6. Полная группа событий (гипотез).
7. Вероятностная оценка гипотез (априорные вероятности).
8. Формула полной вероятности.
9. Теорема Байеса.
10. Дерево решений.
11. Последовательность случайных испытаний.
12. Формула Бернулли.

**Тема 3 Дискретные случайные величины. Способы задания дискретных случайных величин. Числовые характеристики дискретных случайных величин.**

*Вопросы для обсуждения:*

1. Понятие дискретной случайной величины.
2. Ряд распределения, многоугольник распределения.
3. Функция распределения дискретной случайной величины.

Математическое ожидание, дисперсия и среднее квадратическое отклонение дискретной случайной величины.

**Тема 3 Непрерывные случайные величины. Способы задания непрерывных случайных величин. Числовые характеристики непрерывных случайных величин.**

*Вопросы для обсуждения:*

1. Понятие непрерывной случайной величины.
2. Функция распределения.
3. Плотность распределения.
4. Математическое ожидание, дисперсия и среднее квадратическое отклонение непрерывной случайной величины.

**Тема 4. Основные законы дискретных случайных величин. Основные законы непрерывных случайных величин.**

*Вопросы для обсуждения:*

1. Формула Бернулли.
2. Биномиальный закон распределения.
3. Распределение Пуассона.
4. Предельный переход биномиального закона в закон Пуассона.

**Тема 4. Основные законы непрерывных случайных величин.**

Количество часов – 2 часа

1. Равномерное распределение.
2. Нормальный закон распределения.
3. Предельный переход биномиального закона в нормальный закон распределения.

**Тема 6. Закон больших чисел.**

*Вопросы для обсуждения:*

1. Ряд
2. Неравенство Чебышева.
3. Теоремы Чебышева, Бернулли, Ляпунова.
4. Локальная и интегральная теоремы Муавра-Лапласа

**Семинарское занятие № 7.**

**Тема 5. Система двух случайных величин.**

*Вопросы для обсуждения:*

1. Ряд распределения системы случайных величин.
2. Ковариация и коэффициент корреляции, как характеристики корреляционной связи.
3. Уравнение линейной регрессии.

**Тема 6. Закон больших чисел.**

*Вопросы для обсуждения:*

1. Неравенство Чебышева.
2. Теоремы Чебышева, Бернулли, Ляпунова.
3. Локальная и интегральная теоремы Муавра-Лапласа

### **9.2. Методические рекомендации по подготовке письменных работ**

Самостоятельная работа студентов направлена на закрепление полученных навыков и для приобретения новых теоретических и фактических знаний, выполняется в читальном зале библиотеки и в домашних условиях, подкрепляется учебно-методическим и информационным обеспечением (учебники, учебно-методические пособия, конспекты лекций). В данном разделе приведены задания для домашней работы, с помощью которых закрепляются теоретические положения курса и навыки решения типовых задач.

Тот факт, что в полной мере индивидуальный контроль знаний может быть осуществлен именно на семинарских занятиях и лабораторных работах, которым предшествуют лекции по данной теме, ниже для каждого семинара приводятся:

- 1) список теоретических вопросов по данной теме, которые студенты должны изучить к указанному семинарскому занятию на основе конспекта лекций и рекомендуемой литературы;
- 2) практические задания, которые студенты должны выполнить после проведения указанного занятия, для закрепления показанных на занятии основных приемов решения типовых задач.

#### *Практические задания*

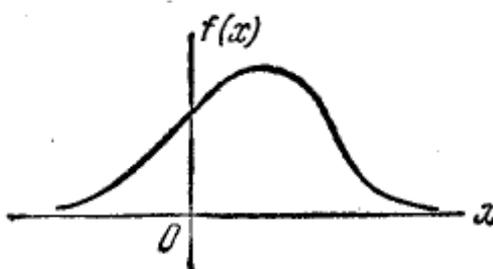
- 1.1. Производится один опыт, в результате которого может появиться или не появиться событие  $A$ ; вероятность события  $A$  равна  $p$ . Рассматривается случайная величина  $X$ , равная единице, если событие  $A$  произошло, и нулю, если не произошло (число появлений события  $A$  в данном опыте). Построить ряд распределения случайной величины  $X$  и ее функцию распределения.
- 1.2. Два стрелка стреляют каждый по своей мишени делая независимо друг от друга по одному выстрелу. Вероятность попаданий в мишень для первого стрелка  $p_1$  для второго  $p_2$ . Рассматриваются две случайные величины:  
 $X_1$  — число попаданий первого стрелка;  
 $X_2$  — число попаданий второго стрелка и их разность  $Z = X_1 - X_2$ .  
 Построить ряд распределений случайной величины  $Z$  и ее функцию распределения.
- 1.3. Баскетболист делает три штрафных броска. Вероятность попадания при каждом броске равна 0.7. Построить ряд распределения числа попаданий в корзину.

- 1.4. В архиве разыскиваются три документа. Вероятность наличия первого документа в архиве 0,7, вероятность наличия второго документа в архиве 0,8, вероятность наличия третьего документа в архиве 0,6. Построить ряд распределения и функцию распределения случайной величины  $X$ -числа найденных документов.
- 1.5. К случайной величине  $X$  прибавили постоянную, не случайную величину  $a$ . Как от этого изменятся ее характеристики: 1) математическое ожидание; 2) дисперсия; 3) среднее квадратическое отклонение.
- 1.6. Случайную величину  $X$  умножили на  $a$ . Как от этого изменятся ее характеристики: 1) математическое ожидание; 2) дисперсия; 3) среднее квадратическое отклонение?
- 1.7. Найти математическое ожидание, дисперсию, среднее квадратическое отклонение случайной величины  $X$  (практические задания .3.1- 3.4).
- 1.8. Найти математическое ожидание, дисперсию, среднее квадратическое отклонение случайной величины  $X$  (практические задания .6.1, 6.3).

*Рекомендуемая литература:* Гл. 6, с. 64 -66, Гл. 7, с. 75-95, Гл. 10, с. 111 – 115 [1], Гл. 4, с. 52 -57, с. 63 – 67, с.70 -74, Гл. 6, с.90 – 91 [2], § 6, § 7 [3], Гл. 7, с.75 – 84, Гл. 8, с.85 – 95 [1], Гл. 4, с.63 – 79, Гл.6, с. 94 – 106 [2], § 6, § 7 [3], конспект лекций, семинар №3.

#### *Практические задания*

- 1.1. Дан график плотности распределения  $f(x)$  случайной величины  $X$ . Как изменится этот график, если: а) прибавить к случайной величине 1; б) вычесть из случайной величины 2; в) умножить случайную величину на 2; г) изменить знак величины на обратный?



- 1.2. Случайная величина  $X$  задана функцией распределения  $F(x) = \begin{cases} 0, & x \leq 2 \\ (x-2)^2, & 2 < x \leq 3 \\ 1, & x > 3 \end{cases}$

Найти: а) плотность распределения, б) вероятность попадания в интервал  $[1;2,5)$ .

- 1.3. Плотность вероятности непрерывной случайной величины задана в виде  $f(x) = C \sin 4x$  на интервале  $(0, \pi/4)$ . Найти параметр  $C$ .

- 1.4. Найти математическое ожидание, дисперсию, среднее квадратическое отклонение случайной величины  $X$

### 1.5. Практические задания

- 1.1. В библиотеке имеются книги только по технике и математике. Вероятность того, что любой читатель возьмет книгу по технике - 0,7, по математике - 0,3. Определить вероятность того, что из пяти читателей книгу по математике возьмут не менее трех, если каждый читатель берет только одну книгу.
- 1.2. В наблюдениях Резерфорда и Гейгера радиоактивное вещество за промежуток времени 15 секунд испускало в среднем 7,5  $\alpha$ -частиц. Найти вероятность того, что за 2 секунды это вещество испустит хотя бы одну  $\alpha$ -частицу.
- 1.3. Производители карманных калькуляторов знают из опыта, что 1% произведенных и проданных калькуляторов имеют дефекты и их должны заменить по гарантии. Большая аудиторская фирма купила 500 калькуляторов. Какова вероятность, что три или больше калькуляторов придется заменить?

### Практические задания

- 1.1. Время ожидания поезда метро 0 – 2 мин. Любое время ожидания поезда в этих пределах равновероятно. Подсчитать вероятность того, что в очередной раз придется ждать от 1,25 до 1,75 минут. Сколько в среднем уходит на ожидание поезда метро за 30 дней у человека, пользующегося метро 2 раза в день?
- 1.2. Ошибка прогноза температуры воздуха, есть случайная величина с  $m = 0$ ,  $\sigma = 2^\circ$ . Найти вероятность того, что в течение недели ошибка прогноза трижды превысит по абсолютной величине  $4^\circ$ .
- 2.3. В кафе самообслуживания 90 мест. Его обслуживают 3 кассы. Найти вероятность того, что в одну из касс выстроится очередь более чем из 35 человек.

### Практические задания

- 7.1. Для заданного закона распределения вероятностей двумерной случайной величины найти уравнение линейной регрессии  $Y$  на  $X$ .

$X \backslash Y$	1	2	4
1	0,05	0,12	0,08
3	0,11	0,10	0,20
5	0,20	0,08	0,06

- 7.2. Для заданного закона распределения вероятностей двумерной случайной величины найти уравнение линейной регрессии.

$X \backslash Y$	1	4
3	0,12	0,20

5	0,24	0,15
6	0,22	0,07

*Практические задания*

- 7.3. Вероятность случайного события А при одном испытании 0.7. Сколько раз нужно повторить испытание, чтобы с вероятностью 0.9 частота появления в этой серии события А будет отклоняться от его вероятности в одном испытании не более чем на 0.05?
- 7.4. Дисперсия каждой из 400 независимых случайных величин равна 25. Найти вероятность того, что абсолютная величина отклонения средней арифметической от средней арифметической их математического ожидания не превысит 0.5  $P(|\bar{x} - \bar{m}_x| < 0.5) = ?$
- 7.5. Вероятность успешного запуска ракеты равна 0.75. Найти вероятность того, что из 10 запусков 8 будут успешными  $P_{10}(8 - \text{успешных}) = ?$
- 7.6. На предприятии, выпускающем кинескопы, 0.8 всей продукции выдерживает гарантийный срок. С вероятностью, превышающей 0.95, найти пределы, в которых находится доля кинескопов, выдерживающей гарантийный срок, из 8000 кинескопов.

## Приложение 1 Аннотация рабочей программы дисциплины

### АННОТАЦИЯ РАБОЧЕЙ ПРОГРАММЫ ДИСЦИПЛИНЫ

*Цель дисциплины:* общематематическая подготовка студентов, необходимая для освоения математических и статистических методов в управлении и экономике; воспитание у студентов навыков логического мышления и формального обоснования принимаемых решений.

*Задачи дисциплины:*

- изучение основ математического аппарата;
- выработка навыков решения типовых вероятностных задач;
- развить логическое и алгоритмическое мышление, умение строго излагать свои мысли;
- выработка навыков к математическому исследованию теоретических и практических задач экономики и управления;
- сформировать умение выбирать математический инструментарий для построения моделей экономических и управленческих процессов, анализировать результаты расчетов и обосновывать полученные выводы.

В результате освоения дисциплины обучающийся должен

*знать:*

- основные понятия и теоремы теории вероятностей;
- основные законы распределения случайных величин;
- методы регрессионного и корреляционного анализа;

*уметь:*

- строить вероятностные модели;
- вычислять вероятности случайных событий;
- применять наиболее важные законы распределения случайных величин и их числовые характеристики;
- использовать методы регрессионного и корреляционного анализа.

*уметь:*

- строить вероятностные модели;
- вычислять вероятности случайных событий;
- применять наиболее важные законы распределения случайных величин и их числовые характеристики;

- использовать методы регрессионного и корреляционного анализа.

*владеть:*

- навыками применения современного математического инструментария для решения управленческих задач;
- методикой построения, анализа и применения математических моделей для оценки маркетинговой стратегии организации;
- способностью оценивать влияния инвестиционных решений на рост ценности компании.

